

**2023**

**Time - 3 hours**

**Full Marks - 80**

*Answer all groups as per instructions.*

*Figures in the right hand margin indicate marks.*

*Candidates are required to answer  
in their own words as far as practicable.*

**GROUP – A**

1. Fill in the blanks. (all) [1 × 12]

ଶୂନ୍ୟସ୍ଥାନ ପୂରଣ କର । (ସମସ୍ତ)

(a) If a set has three elements, then the number of elements its power set is \_\_\_\_\_.

ଯଦି ଗୋଟିଏ ସେଟ୍‌ର ଉପାଦାନ ସଂଖ୍ୟା ୩ ହୁଏ ତେବେ ତାହାର ଘାତ ସେଟ୍‌ର ଉପାଦାନ ସଂଖ୍ୟା \_\_\_\_\_ ଅଟେ ।

(b) A set having only one element is termed as \_\_\_\_\_ set.

ଯେଉଁ ସେଟ୍‌ର କେବଳ ଗୋଟିଏ ମାତ୍ର ଉପାଦାନ ଥାଏ, ତାହା ଏକ \_\_\_\_\_ ସେଟ୍ ।

(c) The graph of linear function is \_\_\_\_\_.

ଏକ ରେଖିକ ଫଳନର ରେଖାଚିତ୍ର ଏକ \_\_\_\_\_.

- (d) A number having both integers and fractions is called \_\_\_\_\_ number.

ଯେଉଁ ସଂଖ୍ୟାର ଉଭୟ ଅବିଚ୍ଛିନ୍ନ ଓ ଭଗ୍ନାଂଶ ଥାଏ, ତାହା \_\_\_\_\_ ଅଟେ ।

(e)  $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 9}{x + 3} = \underline{\hspace{2cm}}$ .

ଏହି limitର ମୂଲ୍ୟ \_\_\_\_\_ ଅଟେ ।

(f)  $\frac{d}{dx}(x^3 + 3x^2 + 5) = \underline{\hspace{2cm}}$ .

$\frac{d}{dx}(x^3 + 3x^2 + 5)$ ର ମୂଲ୍ୟ \_\_\_\_\_ ଅଟେ ।

(g)  $\frac{\partial}{\partial x}(3y^2) = \underline{\hspace{2cm}}$ .

$\frac{\partial}{\partial x}(3y^2)$ ର ମୂଲ୍ୟ \_\_\_\_\_ ଅଟେ ।

- (h) The decimal number system has only \_\_\_\_\_ choices.

ଦଶମିକ ଭଗ୍ନାଂଶର \_\_\_\_\_ ଟି ପସନ୍ଦ ଥାଏ ।

- (i) The value of  $\frac{\text{Adjoint of A}}{\text{Determinant of A}} = \underline{\hspace{2cm}}$ .

ଏହାର ମୂଲ୍ୟ \_\_\_\_\_ ଅଟେ ।

(j) The product of two natural numbers is a \_\_\_\_\_ number.

ଦୁଇଟି ଗଣନ ସଂଖ୍ୟାର ଗୁଣଫଳ ଏକ \_\_\_\_\_ ସଂଖ୍ୟା ଅଟେ ।

(k)  $\begin{vmatrix} 3 & -5 \\ -8 & 6 \end{vmatrix} = \underline{\hspace{2cm}} ?$

ଏହି ଡିଟରମିନାଣ୍ଟର ମୂଲ୍ୟ \_\_\_\_\_ ଅଟେ ।

(l)  $A \cup A' = \underline{\hspace{2cm}}$ .

$A \cup A'$  ର ମୂଲ୍ୟ \_\_\_\_\_ ଅଟେ ।

### GROUP – B

2. Answer any eight of the following questions within two to three sentences each. [2 × 8

ଯେକୌଣସି ୮ଟି ପ୍ରଶ୍ନର ଉତ୍ତର ପ୍ରତ୍ୟେକକୁ ଦୁଇ ବା ତିନୋଟି ବାକ୍ୟରେ ପ୍ରଦାନ କର ।

(a) Given  $A = \{1, 2, 3\}$ ,  $B = \{4, 5, 6\}$ . Find  $A \Delta B$ .

ଯଦି  $A = \{1, 2, 3\}$  ଏବଂ  $B = \{4, 5, 6\}$ , ତେବେ  $A \Delta B$  ର ମୂଲ୍ୟ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

(b) Define logarithm function.

ଲଗ୍ ଫଳନ ଆଲୋଚନା କର ।

(c) Find value of  $x$  and  $y$  if  $(2 - x, 5) = (7, y - 2)$ .

$x$  ଓ  $y$  ର ମୂଲ୍ୟ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ଯଦି  $(2 - x, 5) = (7, y - 2)$ .

(d) If  $f(x) = |x - 2|$ , then find  $f(0)$ ,  $f(2)$ ,  $f(-2)$ ,  $f(-1)$ .

ଯଦି  $f(x) = |x - 2|$  ହୁଏ, ତେବେ  $f(0)$ ,  $f(2)$ ,  $f(-2)$ ,  $f(-1)$  ର ମୂଲ୍ୟ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର।

(e) Find value of  $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{2x^2 + 9x - 5}{x + 5}$ .

$\lim_{x \rightarrow 5} \frac{2x^2 + 9x - 5}{x + 5}$  ର ମୂଲ୍ୟ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର।

(f) Given  $TC = 75x + 8x^2 + 1000$  is TC function, find TVC and TFC.

ଯଦି  $TC = 75x + 8x^2 + 1000$  ହୁଏ ତେବେ TVC ଓ TFC ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର।

(g) Find  $\frac{dy}{dx}$  if  $y = 7x^2 - \log x + a^x$ .

ଯଦି  $y = 7x^2 - \log x + a^x$  ହୁଏ ତେବେ  $\frac{dy}{dx}$  ର ମୂଲ୍ୟ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର।

(h) If  $A = \begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{vmatrix}$  then find  $|A|$ .

ଯଦି  $A = \begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{vmatrix}$  ହୁଏ, ତେବେ ଏହାର ନିର୍ଣ୍ଣୟକ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର।

(i) What is gross elasticity of demand ?

ଛେଦ ମାପତା ସ୍ଥିତିସ୍ଥାପକତା ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

(j) Given  $z = 7(x + y) - 10x$ . Then find  $f_x$  and  $f_y$  ?

ଯଦି  $z = 7(x + y) - 10x$  ହୁଏ ତେବେ  $f_x$  ଏବଂ  $f_y$  ର ମୂଲ୍ୟ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

### GROUP - C

3. Answer any eight of the following questions within 75 words each.

ଯେକୌଣସି ୮ଟି ପ୍ରଶ୍ନର ଉତ୍ତର ପ୍ରତ୍ୟେକକୁ ୭୫ଟି ଶବ୍ଦ ମଧ୍ୟରେ ପ୍ରଦାନ କର ।

[3 × 8

(a) If  $|A \cup B| = 100$ ,  $|A| = 80$ ,  $|B| = 30$ , then find  $|A \cap B|$ .

ଯଦି  $|A \cup B| = 100$ ,  $|A| = 80$  ଏବଂ  $|B| = 30$  ତେବେ  $|A \cap B|$  ର ମୂଲ୍ୟ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

(b) Find the value of  $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 5x + 6}{(x - 3)}$ .

$\lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 5x + 6}{(x - 3)}$  ର ମୂଲ୍ୟ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

(c) Find value of  $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{5x - 4} - \sqrt{x}}{x^2 - 1}$ .

ଉକ୍ତ ଲିମିଟ୍ ର ମୂଲ୍ୟ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

(d) If  $y = (x^2 - 2x)(x^2 + 3x + 7)$  then find  $\frac{dy}{dx}$ .

ଯଦି  $y = (x^2 - 2x)(x^2 + 3x + 7)$  ହୁଏ ତେବେ  $\frac{dy}{dx}$  ର ମୂଲ୍ୟ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

(e) If  $y = x^2 \log x$  then find  $\frac{d^2y}{dx^2}$ .

ଯଦି  $y = x^2 \log x$  ହୁଏ ତେବେ  $\frac{d^2y}{dx^2}$  ର ମୂଲ୍ୟ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

(f) If A, B, C be any three sets, then prove that –

$$A - (B \cap C) = (A - B) \cup (A - C)$$

ଯଦି A, B, C ଗାଠି ସେଟ୍ ହୁଅନ୍ତି ତେବେ ପ୍ରମାଣ କର –

$$A - (B \cap C) = (A - B) \cup (A - C)$$

(g) Determine co-factor of the following matrix :

$$A = \begin{bmatrix} 2 & -5 & 3 \\ 3 & 1 & -2 \\ -1 & 2 & 1 \end{bmatrix}_{3 \times 3}$$

$$A = \begin{bmatrix} 2 & -5 & 3 \\ 3 & 1 & -2 \\ -1 & 2 & 1 \end{bmatrix}_{3 \times 3}$$

ମାଟ୍ରିକ୍ସର co-factor ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

(h) Draw the graph of the function  $y = x^2$ .

$y = x^2$  ଫଳନର ଗ୍ରାଫ୍ ଅଙ୍କନ କର ।

(i) If  $A = \begin{bmatrix} 6 & 7 \\ 5 & 4 \end{bmatrix}$  and  $B = \begin{bmatrix} -8 & 0 \\ 4 & 3 \end{bmatrix}$  then find AB and BA.

ଯଦି  $A = \begin{bmatrix} 6 & 7 \\ 5 & 4 \end{bmatrix}$  ଏବଂ  $B = \begin{bmatrix} -8 & 0 \\ 4 & 3 \end{bmatrix}$  ହୁଏ ତେବେ AB ଏବଂ BAର ମୂଲ୍ୟ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

(j) If  $C = x^3 + 4x^2 + 3x + 100$  then find AC and MC ?

ଯଦି  $C = x^3 + 4x^2 + 3x + 100$  ହୁଏ ତେବେ AC ଏବଂ MCର ମୂଲ୍ୟ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

### GROUP – D

Answer **any four** questions within 500 words each.

ଯେକୌଣସି ଚାଳି ପ୍ରଶ୍ନର ଉତ୍ତର ପ୍ରତ୍ୟେକକୁ ୫୦୦ ଶବ୍ଦ ମଧ୍ୟରେ ଦିଅ ।

4. Prove that the distributive law

[7]

(i)  $A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$

(ii)  $A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$

ବଣ୍ଟନ ନିୟମ ଦ୍ୱୟ ପ୍ରମାଣ କର ।



5. Show that  $f(x) = \begin{cases} \frac{x^2 - 25}{x - 5}, & \text{when } x \neq 5 \\ 10 & \text{when } x = 5 \end{cases}$  [7]

is continuous at  $x = 5$ .

ଏହି ଫଳନର continuity ପରୀକ୍ଷା କର ଯେତେବେଳେ  $x = 5$ .

6. Find  $\frac{dy}{dx}$ , (i)  $x^y = y^x$  [7]

and (ii)  $y = \sqrt{\frac{1+x}{1-x}}$

ଏହାର derivative ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

7. If  $z = \log\left(\frac{y}{x}\right)$  then prove that  $x \cdot \frac{\partial z}{\partial x} + y \cdot \frac{\partial z}{\partial y} = 0$ . [7]

ଯଦି  $z = \log\left(\frac{y}{x}\right)$  ହୁଏ ତେବେ  $x \cdot \frac{\partial z}{\partial x} + y \cdot \frac{\partial z}{\partial y} = 0$  ପ୍ରମାଣ କର ।

8. Find inverse of the matrix  $A = \begin{pmatrix} 2 & 2 & 4 \\ 1 & 3 & 2 \\ 1 & 3 & 3 \end{pmatrix}_{3 \times 3}$ . [7]

ଉକ୍ତ ମାଟ୍ରିକ୍ସର ବିଲୋମ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।



[ 9 ]

9. Solve by Cramer's rule.

[7

କ୍ରାମରସ୍ୱଳ ନିୟମାନୁଯାୟୀ ସମାଧାନ କର ।

$$3x - 4y + 5z = -6$$

$$x + y - 2z = -1$$

$$2x + 3y + z = 5$$

10. Given the demand function  $q = \frac{20}{p+1}$ . Find elasticity of demand when  $p = 3$ .

[7

ଯଦି  $q = \frac{20}{p+1}$  ହୁଏ ତେବେ ଚାହିଦାର ସ୍ଥିତିସ୍ଥାପକତା  $p = 3$  ବିନ୍ଦୁରେ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।